

## 『離散構造』 3章 関係の例題

### 例題 1 (関係の性質)

ある瞬間に日本にいる人間からなる集合を  $H$  とする。 $H$  上の二項関係として次のものを考えたとき、それぞれが、反射律、対称律、推移律、反対称律を満たすかどうか、理由をつけて答えよ。また、順序、同値関係であるかどうか答えよ。

- $(aR_1b) \Leftrightarrow (a \text{ が } b \text{ の親である})$
- $(aR_2b) \Leftrightarrow (a \text{ が } b \text{ の祖先であるか同一人物である})$
- $(aR_3b) \Leftrightarrow (a \text{ が } b \text{ と夫婦である})$
- $(aR_4b) \Leftrightarrow (a \text{ が } b \text{ と同じ都道府県に住んでいる})$
- $(aR_5b) \Leftrightarrow (a \text{ と } b \text{ は別人である})$

### 例題 2 (関係の合成)

$A = \{ \text{野球部、テニス部、サッカー部} \}$ ,  $B = \{ \text{伊藤、田中、佐藤、太田、福田、森} \}$ ,  $C = \{ \text{茨城、群馬、宮城、東京} \}$  とする。

$A, B$  上の二項関係  $R$  を「 $aRb \Leftrightarrow b$  は  $a$  のメンバである」と定め、 $B, C$  上の二項関係  $S$  を「 $bSc \Leftrightarrow b$  は  $c$  出身である」と定める。ただし、各クラブのメンバーと、各学生の出身地は下記の表で与えられる。

		伊藤	茨城
		田中	群馬
野球部	伊藤、田中、佐藤	佐藤	群馬
テニス部	佐藤、太田	太田	宮城
サッカー部	佐藤、森、田中	福田	茨城
		森	東京

- 以下のように定められる  $A, B, C$  上の三項関係  $T$  を求めよ。

$$\langle x, y, z \rangle \in T \Leftrightarrow ((xRy) \wedge (ySz))$$

- $R$  と  $S$  の合成関係  $R \circ S$  を求めよ。これはどういう集合上の二項関係か？